

الأعداد النسبية وغير النسبية



(١١) العدد النسبي

اجابة السؤال

اجابة السؤال ٢

٢٥. يكتب $\frac{٢٥}{١٠٦}$ فهو عدد نسبي.

١٥ يكتب $\frac{15}{1}$ فهو عدد نسبي .

يكتب $\frac{3}{1}$ فهو عدد نسبي.

اجابة السؤال

$$\text{أ) } S = \overline{9,0,0, \dots} \quad (1) \quad \text{بضرب الطرفين بالعدد 10 ينتج أن}$$

(2) 9, $\overline{9}$ = 1.

$$\text{أ} \quad \text{س} = 9 \quad \text{نط} \text{ر} \text{ح} \text{ } \text{ال} \text{م} \text{ع} \text{ا} \text{ل} \text{ت} \text{ي} \text{ن} (1) \text{ } \text{م} \text{ن} (2)$$

ب) $s = \overline{54,0}$ ----- (١) نضرب الطرفين بالعدد ١٠٠ ينتج

(۲) ----- ۵۴, ۵۴ = ۱۰۰

بطرح المعادلتين ينتج:

$$\frac{99}{54} = س \quad 54 = س 99$$

إجابة السؤال ٤

نسبة فوز راشد = $\frac{٣}{١١} = ٠,٢٧$ (باستخدام القسمة الطويلة)

إجابة السؤال ٥

أ) نختار أي عدد يقع بينهما ٠,١٤٢ و ٠,٢٧ (هناك إجابات أخرى)

$$\text{ب) } \frac{١}{٥} = ٠,٢٠$$

$$\frac{١}{٣} = ٠,٣\bar{3}$$

نختار أي عدد يقع بينهما ولتكن ٠,٢٧ (وهناك إجابات أخرى)

(٢-١) الجذر التربيعي والجذر التكعيبی :

إجابة السؤال ١

$$\frac{٦}{٥} = \sqrt[٣]{\frac{٣٦}{٢٥}}$$

$$\frac{٧}{٣} = \sqrt[٣]{\frac{٤٩}{٩}} = \sqrt[٣]{٥ \frac{٤}{٩}}$$

$$٠,٨ = \sqrt[٣]{٠,٦٤}$$

إجابة السؤال ٢

$$١٥ = \sqrt[٣]{١٥ \times ١٥ \times ١٥}$$

$$\frac{٢}{٥} = \sqrt[٣]{\frac{٨}{١٢٥}}$$

$$٠,٢٠ = \sqrt[٣]{٠,٠٠٨}$$

$$\frac{٣}{٢} = \sqrt[٣]{٣ \frac{٣}{٨}}$$

إجابة السؤال ٣

- $\frac{1}{64\sqrt{}} , \frac{1}{49\sqrt{}} , \frac{1}{36\sqrt{}} , \frac{1}{25\sqrt{}} , \frac{1}{16\sqrt{}} , \frac{1}{9\sqrt{}}$)
 ب) $\sqrt[3]{216-\sqrt{}} , \sqrt[3]{125-\sqrt{}} , \sqrt[3]{64-\sqrt{}} , \sqrt[3]{27-\sqrt{}} , \sqrt[3]{8-\sqrt{}}$
 ج) صفر، $(\sqrt[3]{25}-\sqrt[3]{125}) , (\sqrt[3]{16}-\sqrt[3]{64}) , (\sqrt[3]{9}-\sqrt[3]{27}) , (\sqrt[3]{4}-\sqrt[3]{8})$, ...

إجابة السؤال ٤

$$\frac{9}{2} = \sqrt[3]{\frac{729}{8}}$$

(٣-١) مقارنة الأعداد النسبية

إجابة السؤال ١

$$\frac{3}{2} > \sqrt[3]{\frac{9}{64}}$$

$$\text{ب) } \frac{4}{11} < \frac{3}{8}$$

$$\text{ج) } 0,24 < \sqrt[3]{\frac{1}{64}}$$

$$\text{د) } \frac{4}{9} = 0,\overline{4}$$

$$\text{ه) } 1,77 > \sqrt[3]{1 - \frac{9}{16}}$$

إجابة السؤال ٢

$$\text{الترتيب : } \frac{3}{2} , 1 , 1,75 , 1,77$$

إجابة السؤال ٣

$$\frac{85}{120} \leftarrow \frac{90}{120}, \frac{80}{120} \quad \text{عدد بينهما}$$

إجابة السؤال ٤

$$م_{1,5} = \frac{3}{2} = \sqrt{\frac{27}{8}}$$

$$م_{1,2} = \frac{6}{5} = \sqrt{\frac{36}{25}}$$

لن يتمكن من ذلك؛ لأنّ القطعة التي يريد أن يغطي بها فتحة الوجه العلوي أصغر من الفتحة العلوية للمكعب
($1,5 > 1,2$)

(٤-١) جمع الأعداد النسبية وطرحها

إجابة السؤال ١

$$أ) \frac{4}{10} = \frac{27}{10} + \frac{13}{10} = 2\frac{7}{10} + 1,3$$

$$ب) \frac{17}{30} = \frac{1}{10} - \frac{2}{3} = \sqrt{0,01} - \frac{2}{3}$$

$$ج) 18- = 11- + 7-$$

$$د) \frac{19-}{10} = \frac{9}{10} - \frac{10}{10} = \frac{3}{5} - \frac{2}{3} -$$

إجابة السؤال ٢

$$أ) 4,88 - 7,32 = 2,44$$

$$ب) \text{المحيط} = 2 \times (\text{الطول} + \text{العرض}) = 2(91,4 + 118,8) \times 2 = 210,2 \times 2 = 420,4 \text{ م}$$

إجابة السؤال ٣

$$\frac{3}{6} = \frac{2}{6} - \frac{5}{6}$$

إذن: عملية الطرح ليست تبديلية على ن (يمكن إعطاء أمثلة أخرى) $\frac{3}{6} = \frac{5}{6} - \frac{2}{6}$

إجابة السؤال ٤

$$\frac{1}{8} = \frac{1}{8} - \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{2} \right)$$

إذن: عملية الطرح ليست تجميعية على ن $\frac{3}{8} = \left(\frac{1}{8} - \frac{1}{4} \right) - \frac{1}{2}$

إجابة السؤال ٥

$$\text{محيط المثلث} = ٤,٢٥ + ٢,٥ + ٤,٢٥$$

$$= ٢,٢٥ + ٤,٢٥ + ٢,٥$$

$$= ٩\text{ سم}$$

إجابة السؤال ٦

$$٣,١٠ = ٣ - \frac{1}{2} + \frac{2}{5} \quad (أ)$$

$$\text{ب) } ٥,٧٥ = ٣ + \frac{1}{2} + ٢,٢٥$$

إجابة السؤال ٧

$$٥٧ \quad \frac{3}{4} = ٢٢ + ١٦ \frac{1}{4} + ١٩ \frac{1}{2} \quad (أ)$$

$$\text{ب) } ٣ \frac{1}{4} = ١٦ \frac{1}{4} - ١٩ \frac{1}{2}$$

١ - ٥) ضرب الأعداد النسبية وقسمتها



إجابة السؤال ١

أ) $2 - = \frac{4}{5} - \times \frac{5}{2} = \frac{4}{5} - \times 2,5$

ب) $\frac{5}{9} - = \frac{5}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$

ج) $6 - = \frac{9}{1} \times \frac{2}{3}$

د) $30,2 = 90,6 \times \frac{1}{3}$

إجابة السؤال ٢

أ) النظير الضري للعدد $\frac{2}{7}$ هو $\frac{7}{2}$

ب) النظير الضري للعدد $\frac{5}{2} + 1$ هو $\frac{2}{7}$

ج) $\frac{1}{4} \times \frac{8}{7}$

إجابة السؤال ٣

ثمن تكمة الزيت = $15,5 \times \frac{1}{4} = 81,375$ ديناراً

إجابة السؤال ٤

عدد الطوابق = $28 \div 14 = 2,8 \div 14 = 5$ طوابق

إجابة السؤال ٥

أ) $\frac{7}{6} = \sqrt[36]{7} \div \sqrt[49]{7}$

لكن $\frac{6}{7} = \sqrt[49]{7} \div \sqrt[36]{7}$

إذن: عملية القسمة على ٦ ليست تبديلية

ب) $(\frac{3}{14}) = \frac{1}{6} \times \frac{9}{7} = \frac{6}{1} \div \frac{9}{7} = \sqrt[36]{7} \div (\sqrt[49]{7} \div \sqrt[81]{7})$

$\frac{54}{6} = \frac{6}{7} \times 9 = \frac{7}{6} \div 9 = (\sqrt[36]{7} \div \sqrt[49]{7}) \div \sqrt[81]{7}$

إذن: عملية القسمة ليست تجميعية على ٦

٦ - ١) العدد غير النسبي

إجابة السؤال ١

٢٧ عدد غير نسبي؛ لأنّ ٢٧ ليس مربعاً كاملاً

٤٠ عدد غير نسبي لأنّ ٤٠ ليس مربعاً كاملاً

$$\frac{1}{8} = \frac{1}{64} \sqrt[3]{}$$

→ ٢٥٢٢٥٢٢٢٥ عدد غير نسبي لأنّ غير دوري وغير منته

إجابة السؤال ٢

$$\sqrt[7]{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[7 \times 3]{\sqrt{2}} = \sqrt[21]{\sqrt{2}}$$

$$\sqrt[7]{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[7 \times 8]{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[56]{\sqrt[3]{2}} \quad \text{أو} \quad \sqrt[2]{\sqrt[3]{3}} = \sqrt[27 \times 2]{\sqrt[3]{3}} = \sqrt[54]{\sqrt[3]{3}}$$

إجابة السؤال ٣

$$\sqrt[81]{\sqrt{2}} > \sqrt[70]{\sqrt{2}} > \sqrt[64]{\sqrt{2}} \quad (١)$$

$$9 > \sqrt[70]{\sqrt{2}} > 8$$

يمكننا اختيار ٨، ٩، ١٠

$$\sqrt[125]{\sqrt[3]{2}} > \sqrt[80]{\sqrt[3]{2}} > \sqrt[64]{\sqrt[3]{2}} \quad (ب)$$

$$5 > \sqrt[80]{\sqrt[3]{2}} > 4$$

يمكننا اختيار أحد الأعداد ٤، ٥، ٦

إجابة السؤال ٤

$\sqrt[30]{\sqrt{2}}, \sqrt[28]{\sqrt{2}}, \sqrt[26]{\sqrt{2}}$ (قد يكون هناك إجابات أخرى)

إجابة السؤال ٥

$$\sqrt[13]{\sqrt{2}} \quad \text{لأن } 2 + 3 = 5 \quad (١)$$

$$8 = 5 + 3$$

نجمع المقدار والمقدار الذي يسبقه ١٣ = ٨ + ٥

ب) $\sqrt[3]{9}$ كل مرة نزيد العدد ٢

ج) $\sqrt[3]{50} = \sqrt[3]{2 \times 25}$ ، $\sqrt[3]{2 \times 16}$ ، $\sqrt[3]{2 \times 9}$ ، $\sqrt[3]{2 \times 4}$ ، $\sqrt[3]{2 \times 1}$

إجابة السؤال ٦

حجم الخزان = (الصلع)

نجد عددين مكعبين كاملين يقع بينهما العدد ٢٠٠

$$\text{طول الصلع} = \sqrt[3]{200}$$

$$\sqrt[3]{216} > \sqrt[3]{200} > \sqrt[3]{125}$$
$$6 > \sqrt[3]{200} > 5$$

نختار أحد الأعداد: ٥، ٧، ٨، ٩

١ - ٧) العمليات على الأعداد غير النسبية

إجابة السؤال ١

$$6 = \sqrt[3]{36} = \sqrt[3]{6 \times 2 \times 3} = \sqrt[3]{6} \times \sqrt[3]{2} \times \sqrt[3]{3}$$

$$\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{3 \times 4} + \sqrt[3]{4 \times 2} \times 0 + \sqrt[3]{3 \times 9} = \sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{12} + \sqrt[3]{8} \times 0 + \sqrt[3]{27}$$
$$\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{11} + \sqrt[3]{3} \times 0 =$$

إجابة السؤال ٢

محيط المستطيل = ٢ (الطول + العرض)

$$(\sqrt[3]{5} + \sqrt[3]{8} + \sqrt[3]{2} - \sqrt[3]{20}) \times 2 =$$

$$(\sqrt[3]{5} + \sqrt[3]{2} \times 2 + \sqrt[3]{2} - \sqrt[3]{5} \times 2) \times 2 =$$

$$(\sqrt[3]{2} \times 2 + \sqrt[3]{5} \times 2) \times 2 = (\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{5}) \times 2 =$$

إجابة السؤال ٣

أ) $(\sqrt[3]{2} - 3) + (3 + \sqrt[3]{2}) = 6$ وهو عدد نسبي ← ليست مغلقة

ب) $(4 + \sqrt[3]{5}) - (7 + \sqrt[3]{5}) = 3$ وهو عدد نسبي ← ليست مغلقة

$$2 = (\sqrt[5]{\sqrt{+1}}) - (\sqrt[5]{\sqrt{+3}}) \leftarrow \text{ليست تبديلية}$$

إجابة السؤال ٤

$$\sqrt[9]{\sqrt{-25}} \neq \sqrt[9-25]{\sqrt{}}$$

$$2 \neq \sqrt[16]{\sqrt{}}$$

$$2 \neq 4$$

(١ - ٨) تمارين عامة

إجابة السؤال ١

رقم الفقرة	رمز الإجابة
١	د
٢	د
٣	ب
٤	ج
٥	د

إجابة السؤال ٢

$\sqrt[20]{20} =$ عدد نسبي (أي عدد عشري دروي هو عدد نسبي)

$\sqrt[20]{20}$ عدد غير نسبي؛ لأن 20 ليس مربعاً كاملاً.

$$\sqrt[400]{400} = \sqrt[20]{\sqrt{20}} \times \sqrt[20]{\sqrt{20}}$$

$$\frac{5}{2} = \sqrt[25]{\frac{25}{4}} = \sqrt[6]{\frac{1}{4}}$$

$\sqrt[11]{11}$ عدد غير نسبي؛ لأن 11 ليس مكعباً كاملاً.

إجابة السؤال ٣

أ) النظير الضري هو $\frac{3}{7}$

ب) النظير الجمعي هو $\frac{7-3}{3}$

إجابة السؤال ٤

$$\frac{7}{6} - = \frac{5}{3} - \frac{1}{2} = \frac{5}{3} - \frac{1}{8} \quad \text{أ) } \sqrt[3]{}$$

$$5 = \sqrt[2]{25} = \sqrt[5]{5} \times \sqrt[2]{25} \times \sqrt[2]{5} \quad \text{ب) } \sqrt[3]{}$$

$$\frac{20}{3} = \frac{5}{2} \times \frac{8}{3} = \frac{2}{5} \div 1 \frac{5}{3} \quad \text{ج) } \sqrt[3]{}$$

$$\frac{17}{45} - = \frac{3}{5} + \frac{2}{9} \quad \text{د) } \sqrt[3]{}$$

$$\frac{5}{3} - = \sqrt[3]{\frac{125}{27}} \quad \text{ه) } \sqrt[3]{}$$

إجابة السؤال ٥

$$\sqrt[2 \times 4]{\cdot} \times \frac{3}{2} + \sqrt[2 \times 16]{\cdot} = \sqrt[8]{\cdot} \frac{3}{2} + \sqrt[32]{\cdot} \quad \text{طول القطعة} =$$

$$\sqrt[2]{7} = \sqrt[2]{3} + \sqrt[2]{4} =$$

إجابة السؤال ٦

$$\text{عدد الطلبة} = 23 = 2,5 \div 57,5 \quad \text{طالباً}.$$

إجابة السؤال ٧

$$س = ٥٠ .٠٥ .٢ بالقسمة على$$

$$س = ٠,٢٥ = ٢ \div ٠,٥$$

$$س + ص = ٢$$

$$٢ = ص + ٠,٢٥$$

$$ص = ١,٧٥ - ٠,٢٥ = ٠,٥$$

الجبر

(٢ - ١) جمع المقادير الجبرية وطرحها:

إجابة السؤال ١

$$\begin{aligned}
 & \text{أ)} (3b^2 - 2ab + 3c^2 + 5a^2 + ab - 6) \\
 & = 3b^2 - 2ab + ab + 5a^2 + a^2 - 3c^2 + 5a^2 - ab + 5a^2 - 6 \\
 & \text{ب)} (-3c^2 + 6) + (2c^2 - 3c + 5) \\
 & = -3c^2 + 2c^2 + 5c - 6 + 5 = c^2 + 2c - 1 \\
 & \text{ج)} (9s^2 - 3s^2 + 5) - (3s^2 - 2s^2 + 1) + (s^2 - 2s^2 + s^2 - 2s^2 + 1) \\
 & = s^2 - 3s^2 + 5 - 3s^2 - 2s^2 + s^2 + s^2 - 2s^2 + 1 \\
 & = s^2 - 3s^2 + s^2 - 3s^2 - 2s^2 + 5 + 1 = 3s^2 - 7s^2 + 6
 \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٢

$$\begin{aligned}
 \text{العدد الأول} &= 5s - 2 \\
 \text{العدد الثاني} &= \text{العدد الأول} + (2s + 1) = (5s - 2) + (2s + 1) = 7s - 1 \\
 \text{مجموع العددين} &= (5s - 2) + (2s - 1) = 12s - 3
 \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٣

$$\begin{aligned}
 \text{محيط الشكل} &= \text{مجموع أطوال أضلاعه} \\
 (\text{بتجميع الحدود المتشابهة}) &= (2s + 1) + (s + 7) + (3s + 2) + s \\
 &= 10s + 7
 \end{aligned}$$

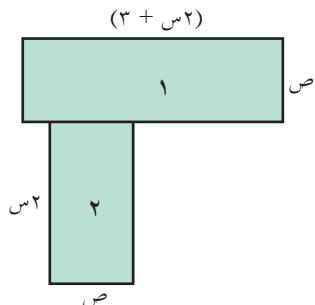
إجابة السؤال ٤

$$\begin{aligned}
 \text{المطروح منه} &= (s^2 - 3s^2 + 5s + 5) \\
 \text{الناتج} &= (s^2 - 2s^2 + 2s + 2) \\
 \text{المطروح} &= s^2 - 4s^2 + 3s + 7
 \end{aligned}$$

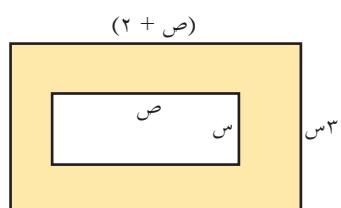
٢ - ٢) ضرب المقادير الجبرية:



إجابة السؤال ١



$$\begin{aligned} \text{أ) مساحة المنطقة المظللة} &= \text{مساحة ١} + \text{مساحة ٢} \\ &= \text{ص}(٢\text{س} + ٣) + \text{ص} \times ٢\text{س} \\ &= ٢\text{س} \text{ص} + ٣\text{ص} + ٢\text{س} \text{ص} \\ &= ٤\text{س} \text{ص} + ٣\text{ص} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{ب) مساحة المنطقة المظللة} &= \text{مساحة ١} - \text{مساحة ٢} \\ &= \text{ص}^٣ (\text{ص} + ٢) - \text{ص} \text{ص} \\ &= (\text{ص}^٣ \text{ص} + ٦\text{س}) - (\text{ص} \text{ص}) \\ &= ٦\text{س} \text{ص} + ٦\text{س} \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٢

$$\begin{aligned} \text{أ) } (\text{س} + ٢)(\text{س} + ٣) &= \text{س}(\text{س} + ٣) + ٢(\text{س} + ٣) \\ &= \text{س}^٢ + ٦\text{س} + ٢\text{س} + ٦ \\ &= \text{س}^٢ + ٦\text{س} + ٨\text{س} \end{aligned}$$

$$\text{ب) س ص }(\text{س}^٣ + ٤\text{ص} + ١) = (\text{س} \text{ص} \times \text{س}^٣) + (\text{س} \text{ص} \times ٤\text{ص}) + (\text{س} \text{ص} \times ١)$$

$$= \text{س}^٣ \text{ص} + ٤\text{س} \text{ص} + \text{س} \text{ص}$$

$$\text{ج) } (\text{س}^٣ + \text{ص})^٢ = \text{مربع الحد الأول} + ٢ \times \text{الحد الأول} \times \text{الحد الثاني} + \text{مربع الحد الثاني}$$

$$= \text{س}^٩ + ٢ \times \text{س}^٣ \times \text{ص} + \text{ص}^٩$$

$$= \text{س}^٩ + ٦\text{س} \text{ص} + \text{ص}^٩$$

$$\text{د) } (\text{س}^٢ - \text{ص})^٢ = \text{مربع الحد الأول} - ٢ \times \text{الحد الأول} \times \text{الحد الثاني} + \text{مربع الحد الثاني}$$

$$= \text{س}^٤ - ٢ \times \text{س}^٢ \times \text{ص} + \text{ص}^٤$$

$$= \text{س}^٤ - ١٢\text{س} \text{ص} + \text{ص}^٤$$

إجابة السؤال ٣

$$\begin{aligned} \text{عندما: } \text{ف} &= ٤ & \text{قيمة ناتج الضرب} &= ١٤٠ \\ (٣\text{ف} + ٢)(٢\text{ف} - ٢) &= ٣\text{ف}(٢\text{ف} - ٢) + ٢(٢\text{ف} - ٢) \\ &= ٣\text{ف}^٢ - ٦\text{ف} + ٤ & & \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٤

$$\begin{aligned}
 & 40 = 8 + 2a \\
 \text{أ)} & 64 = 2(8) = 16 \\
 \text{ب)} & 64 = 12 + 2a \\
 & 12 = 40 - 2a, \text{ ومنها } a = 12 \\
 \text{ج)} & (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \\
 & 16 = 24 - 2ab = 12 \times 2 - 40 = 24 - 40 = 2b^2 - 2a^2
 \end{aligned}$$

٢ - ٣) تحليل المقادير الجبرية بإخراج العامل المشترك:

إجابة السؤال ١

$$\begin{aligned}
 \text{أ)} & 4a^2b + 21a^2b = 7a^2b(2 + 3) \\
 \text{ب)} & (a + 1)(a - 2) - (a - 4)(a + 1) = (a - 2)(a - 4) - (a - 2)(a + 1) = 2 + 12 = 14 \\
 \text{ج)} & -5s - 4s^2 = -s(5 + 4s)
 \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٢

$$\begin{aligned}
 \text{أ)} & s^2c + 2sc + 4 = (sc + 2s) + (2sc + 4) = sc + 2s + 2sc + 4 = sc(2 + 1) + 2s(2 + 1) = sc(3 + 2) + 2s(3 + 2) = (sc + 2s)(3 + 2) \\
 \text{ب)} & 12 + 8c - 3s - 2sc = (12 + 8c) + (-3s - 2sc) = 4(3 + 2c) - s(2 + 3c) = (4 - s)(3 + 2c) \\
 \text{ج)} & 20ah + 4bh + 10as + 2bs = (20ah + 10as) + (4bh + 2bs) = 10a(h + s) + 2b(h + s) = 10a(h + s) + 2b(h + s) = 2(h + s)(10a + 2b)
 \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٣

$$\begin{aligned}
 & \text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} \\
 & s^3 + 5s = \text{الطول} \times s \\
 & s(s^2 + 5) = \text{الطول} \times s \quad \leftarrow \text{الطول} = s^2 + 5
 \end{aligned}$$

(٢ - ٤) تحليل العبارة التَّرْبيعِيَّة:



إجابة السؤال ١

- أ) $s^2 - 14s + 24 = (s - 12)(s - 2)$
ب) $s^2 - 6s + 9 = (s - 3)^2$
ج) $6s^2 + 11s - 10 = (3s + 2)(2s + 5)$
د) $s^2 - s + \frac{1}{4} = (s - \frac{1}{2})^2$

إجابة السؤال ٢

مساحة المستطيل = $(s^2 + 24s - 81) = (s + 27)(s - 3)$ = الطول × العرض
طول المستطيل = $s + 27$ عرض المستطيل = $s - 3$
محيط المستطيل = $2 \times \text{الطول} + 2 \times \text{العرض}$
 $= 2(s + 27) + 2(s - 3)$
 $= 2s + 54 + 2s - 6$
 $= 4s + 48$

إجابة السؤال ٣

- أ) $k = 18$
ب) $k = 9$

(٢ - ٥) تحليل الفَرْق بين مربعَيْن:



إجابة السؤال ١

- أ) $(s - 9)(s + 9) = s^2 - 81$ (تحليل الفرق بين مربعين)
ب) $(6s + 1)(6s - 1) = 36s^2 - 1$ (تحليل الفرق بين مربعين)

إجابة السؤال ٢

أ) $s^2 - 36 = (s + 6)(s - 6)$

ب) $s^2 - 25 = (s + 5)(s - 5)$

ج) $8s^2 - 72 = 8(s^2 - 9) = 8(s + 3)(s - 3)$

إجابة السؤال ٣

أ) $s^2 - 64 = (s + 8)(s - 8)$

ب) $4s^2 - 81 = (s + 9)(s - 9)$

ج) $144s^2 - 100 = (s + 10)(s - 10)$

إجابة السؤال ٤

الطريقة الأولى:

نحلل المقدار: $(675 - 325)^2$ كفرق بين مربعين.

$$350000 = (1000 - 675)(1000 + 675)$$

الطريقة الثانية: باستخدام مفهوك مربع طرح حدين

$$(325 - 1000)^2 = (325 + 1000)(325 - 1000)$$

$$(325 - 1000)^2 = 325 \times 1000 \times 2 - 1000 \times 2 =$$

$$350000 =$$

إجابة السؤال ٥

مساحة الممر = $(s + 4)^2 - s^2$

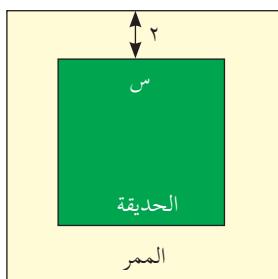
$$= s^2 + 8s + 16 - s^2$$

$$= 16 + 8s$$

تكلفة التبليط = مساحة الممر × ٥

$$= 5(16 + 8s)$$

$$= (40s + 80) \text{ دينار}$$



٦ - ٢) قسمة المقادير الجبرية:



إجابة السؤال ١

$$\frac{س^7}{أُس٩} \div (س^9 \times س^7) = \frac{س^7}{أُس٩}$$

$$ب) \frac{(س^4 + س^3)(س^3 + س^2)}{(س^3 + س^2)} = (س + س^2)$$

إجابة السؤال ٢

ناتج ضرب الحدين = الحد الأول × الحد الثاني

$$64 - س^3 ص^3 = س^3 \times \text{الحد الثاني}$$

الحد الثاني = $(64 - س^3 ص^3) \div س^3 = 64 - ص^3$ (الأسس في حالة القسمة تطرح إذا كانت الأساسات متساوية).

إجابة السؤال ٣

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة × الارتفاع

$$(15 س^3 ص - 10 س^2 ص^2) = (5 س^2 ص) \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{الارتفاع} = (15 س^3 ص - 10 س^2 ص^2) \div (5 س^2 ص)$$

$$= 5 س^2 ص (3 س - 2 ص) \div (5 س^2 ص) = س^3 - 2 س$$

٧ - ٢) تمارين عامة:



إجابة السؤال ١

٥	٤	٣	٢	١	رقم الفقرة
د	ج	د	أ	أ	رمز الإجابة

إجابة السؤال ٢

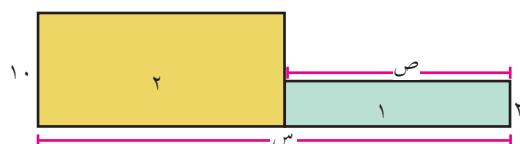
$$\begin{aligned}
 & (س + ٢)(س - ٤) - (س + ٤)(س - ٢) = س(س - ٤) + ٢(s - ٤) - س(s - ٢) - ٤(s - ٢) \\
 & س^٢ - ٨س + ٨ - س^٢ - ٤س + ٤س = \\
 & س^٢ - ٨س =
 \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٣

أ) س (١ + س)، س (٢ + ٢س)، س (٣ + ٣س)، س (٤ + ٤س)، س (٥ + ٥س)، س (٦ + ٦س)

أ) $\frac{١}{٣س^٣}$, $٩س^٢$, $٢٧س$, $٨١س$

إجابة السؤال ٤



مساحة المنطقة المظللة = مساحة ١ + مساحة ٢

$ص \cdot ٢ + ١٠(س - ص) =$

$٢ص + ١٠س - ١٠ص = ١٠س - ٨ص =$

إجابة السؤال ٧

$$٩٩٨٤ = ١٦ - ١٠٠٠ = ٤^2 - ١٠٠^2 = (٤ - ١٠٠)(٤ + ١٠٠) = ٩٦ \times ١٤$$

إجابة السؤال ٨

$$س^٢ - ص^٢ = (س + ص)(س - ص)$$

$$٤٨ = ١٦ \times (س - ص)$$

$$\text{ومنها: } (س - ص) = ٣$$

إجابة السؤال ٩

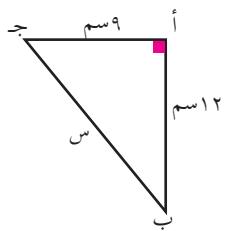
$$س + ص = ٧ \quad \dots \dots \dots \quad (١)$$

$$س - ص = ١ \quad \dots \dots \dots \quad (٢)$$

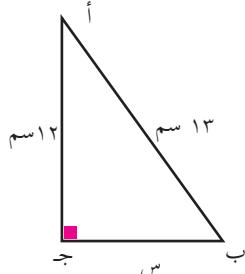
$$\text{الفرق بين مربعين مترادفين على القائمة} = س^٢ - ص^٢ = (س + ص)(س - ص) = ٧ \times ٦ = ٤٢$$

(١-٣) نظرية فيثاغورس:

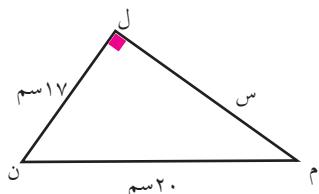
إجابة السؤال ١



$$\begin{aligned} (أ ب)^2 &= (أ ج)^2 + (أ ج)^2 \\ س^2 &= (١٢)^2 + (٩)^2 \\ س^2 &= ٨١ + ١٤٤ \\ س^2 &= ٢٢٥ \quad \text{ومنها: } س = ١٥ \text{ سم} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} (أ ب)^2 &= (ب ج)^2 + (أ ج)^2 \\ س^2 &= (١٣)^2 - (١٢)^2 \\ س^2 &= ١٤٤ - ١٦٩ \\ س^2 &= ٢٥ \quad \text{ومنها: } س = ٥ \text{ سم} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} (م ن)^2 &= (ل م)^2 + (ل ن)^2 \\ س^2 &= (٢٠)^2 - (١٧)^2 \\ س^2 &= ٤٠٠ - ٢٨٩ \\ س^2 &= ١١١ \quad \text{ومنها: } س = \sqrt{111} \text{ سم} \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٢

$$\begin{aligned} (أ ج)^2 &= (أ ب)^2 + (ب ج)^2 \\ (٢٥)^2 &= (٢٥)^2 + (ب ج)^2 \\ ٦٢٥ &= ٦٢٥ + (ب ج)^2 \\ (ب ج)^2 &= ٦٢٥ - ٦٢٥ \\ (ب ج)^2 &= ٤٠٠ \quad \text{ومنها: } ب ج = ٢٠ \text{ سم} \\ محيط المثلث } أ ب ج &= أ ب + ب ج + أ ج \\ ٢٥ + ٢٠ + ١٥ &= \\ ٦٠ &= \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٣

مساحة الحديقة (المستطيل) = الطول × العرض

$$س \times ١٨ = ٢١٦$$

$$س = ١٢$$

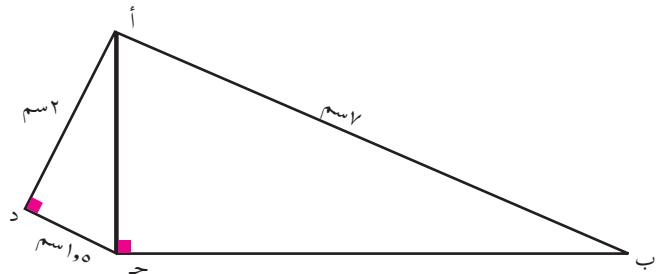
$$(هـ يـ) ^٢ = (كـ يـ) ^٢ + (كـ هـ) ^٢$$

$$(هـ يـ) ^٢ = (١٢) ^٢ + (١٨) ^٢$$

$$(هـ يـ) ^٢ = ١٤٤ + ٣٢٤$$

$$\text{ومنها: } هـ يـ = \sqrt{٤٦٨} \approx ٢٢ \text{ سم}$$

$$(هـ يـ) ^٢ = ٤٦٨$$



إجابة السؤال ٤

$$(أـ جـ) ^٢ = (أـ دـ) ^٢ + (جـ دـ) ^٢$$

$$(أـ جـ) ^٢ = (٢,٥) ^٢ + (١,٥) ^٢$$

$$٢,٢٥ + ٤ =$$

$$٦,٢٥ =$$

$$(أـ بـ) ^٢ = (بـ جـ) ^٢ + (أـ جـ) ^٢$$

$$(بـ جـ) ^٢ = (٢,٥) ^٢ + (٧) ^٢$$

$$٦,٢٥ + ٤٩ =$$

$$٦,٢٥ - ٤٩ =$$

$$٤٢,٧٥ = (بـ جـ) ^٢$$

$$\text{ومنها: } بـ جـ = \sqrt{٤٢,٧٥} \approx ٦,٥ \text{ سم}$$

$$\text{ومنها: } س = \sqrt{١٦٢} \approx ١٢,٧ \text{ سم}$$

إجابة السؤال ٥

$$س ^٢ = (٩) ^٢ + (٩) ^٢$$

$$س ^٢ = ٨١ + ٨١$$

$$١٦٢ =$$

إجابة السؤال ٦

$$(أ) ج = (ج د) + (أ د)$$

$$^١(٢) + ^٢(٣) =$$

$$٤ + ٩ =$$

$$\text{ومنها: } \sqrt{13} \text{ سم } \quad 13 =$$

$$(ب د) = (أ ب) + (أ د)$$

$$^١(٢) + ^٢(٥) =$$

$$٤ + ٢٥ =$$

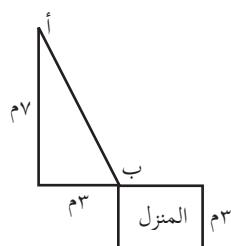
$$\text{ومنها: } \sqrt{29} \text{ سم } \quad 29 =$$

$$(ب ج) = (ج ه) + (ب ه)$$

$$^١(٢) + ^٢(٢) =$$

$$٤ + ٤ =$$

$$\text{ومنها: } \sqrt{22} = \sqrt{8} \text{ سم } \quad 8 =$$



إجابة السؤال ٧

$$(أ ب) + (ب ج) =$$

$$٩ + ٤٩ =$$

$$٥٧ =$$

$$\text{ومنها: طول السلك} = \sqrt{57} \text{ سم}$$

(٢-٣) عَكْس نَظَرِيَّةِ فِيَثَاغُورَس:

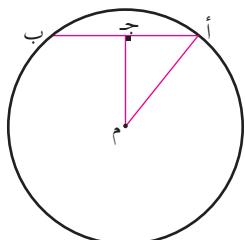


إجابة السؤال ١

أكمل الجدول الآتي:

السبب	هل هو قائم الزاوية؟	أضلاع المثلث
لأنه يحقق نظرية فيثاغورس $1681 = 41^2$ $1681 = 40^2 + 9^2$ $40^2 + 9^2 = 41^2$	نعم	٤١ ، ٤٠ ، ٩
لأنه يحقق نظرية فيثاغورس $36 = 6^2$ $36 = 3,6^2 + 4,8^2$ $3,6^2 + 4,8^2 = 6^2$	نعم	٣,٦ ، ٤,٨ ، ٦
لأنه لا يحقق نظرية فيثاغورس $16384 = 128^2$ $16276 = 124^2 + 30^2$ $124^2 + 30^2 \neq 128^2$	لا	١٢٨ ، ١٢٤ ، ٣٠

إجابة السؤال ٢



$$\text{ومنها: } \text{أ ج} = \sqrt{64 - 8^2}$$

$$(\text{أ ج})^2 = (\text{أ ج})^2 + (\text{ج م})^2$$

$$(\text{أ ج})^2 = (\text{أ ج})^2 + 6^2$$

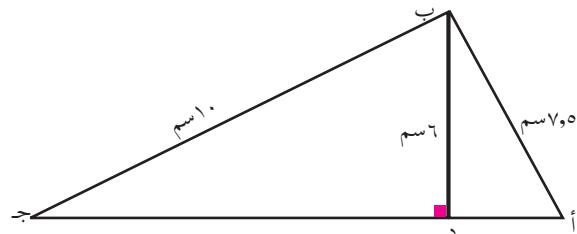
$$(\text{أ ج})^2 = 36 - 100$$

$$(\text{أ ج})^2 = 64$$

$$\text{أ ج} = \text{ج ب} = 8 \text{ سم}$$

$$\text{ومنها طول الوتر أ ب} = 2 \times \text{أ ج} = 16 \text{ سم}$$

إجابة السؤال ٣



$$\text{ومنها: } \text{أ} \text{ د} = \sqrt{20,25} = 4,5 \text{ سم}$$

$$\text{ومنها: } \text{د ج} = \sqrt{64} = 8 \text{ سم}$$

$$\text{الحل: } (\text{أ ب})^2 = (\text{أ د})^2 + (\text{ب د})^2$$

$$= (\text{أ د})^2 + (7,5)^2$$

$$= 36 - 56,25$$

$$= 20,25$$

$$(\text{ب ج})^2 = (\text{ب د})^2 + (\text{د ج})^2$$

$$= (10)^2 + (6)^2$$

$$= 36 - 100$$

$$= 64$$

$$\text{هل } \text{أ ج} = \text{أ د} + \text{د ج} ?$$

$$8 + 4,5 =$$

$$12,5 =$$

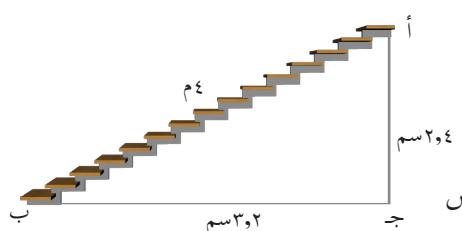
$$156,25 = (12,5)^2$$

$$156,25 = (10)^2 + (7,5)^2$$

$$(12,5)^2 = (10)^2 + (7,5)^2$$

∴ الزاوية أ ب ج قائمة

المثلث أ ب ج يحقق نظرية فيثاغورس



$(\text{أ ب})^2 = (\text{ب ج})^2 + (\text{ج أ})^2$ المثلث أ ب ج يحقق نظرية فيثاغورس

إجابة السؤال ٤

$$16 = (4)^2$$

$$10,24 + 5,76 = (3,2)^2 + (2,4)^2$$

$$16 =$$

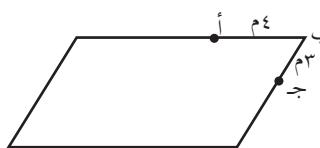
$$(4)^2 = (2,4)^2 + (3,2)^2$$

∴ زاوية ج قائمة.

إجابة السؤال ٥

$$\dots, 97, 73, 48, 48, 55, 80, 89, 39, 65, 72, 73)$$

إجابة السؤال ٦



عند زاوية الملعب ب نحدد النقطة أ على بعد ٤ م والنقطة ج على بعد ٣ م كما في الشكل المجاور حسب فيثاغورس طول أ ج = ٥ م ، نقيس المسافة بين النقطتين أ، ج على أرض الملعب فإذا كانت المسافة = ٤ م فإن الزاوية ب قائمة



(١ - ٣) تطابق المثلثات

إجابة السؤال ١

$$\text{أ) } \angle A = \angle B \text{ (معطى)}$$

$$\text{ب) } \triangle ABD = \triangle CBD \text{ (معطى)}$$

ب د ضلع مشترك

يتطابق المثلثان بضلعين وزاوية محصورة (ض، ز، ض).

$$\text{ج) } AD = CB = 5 \text{ سم}$$

إجابة السؤال ٢

تطابق $\triangle ADB$ ، $\triangle GMD$

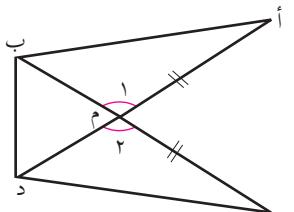
$$\text{م } A = M \text{ ج (معطى)}$$

$$\text{د } D = C \text{ (معطى)}$$

$$\text{م } D = M \text{ ب (معطى)}$$

يتطابق المثلثان بضلعين وزاوية محصورة (ض، ز، ض).

ويتضح من التطابق أن $\triangle ADB = \triangle GMD$



إجابة السؤال ٣

$$\text{أ) } AH = DH \text{ (معطى)}$$

$$\text{ب) } H B = H J \text{ (معطى)}$$

$$\text{ج) } \triangle AHB = \triangle DHJ \text{ (تقابل بالرأس)}$$

$\therefore \triangle AHB \cong \triangle DHJ$.

يتطابق المثلثان بضلعين وزاوية محصورة (ض، ز، ض).

إجابة السؤال ٤

$\Delta ABD \cong \Delta GBC$ (معطى)

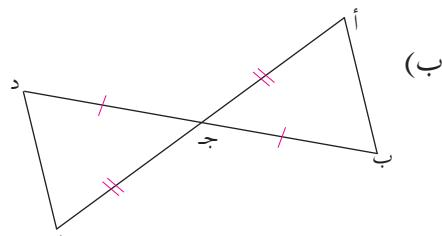
أ ب (ضلع مشترك)

$\angle DAB = \angle GBC = 80^\circ$

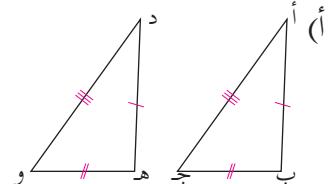
يتتطابق المثلثان أ ب ج ، ب أ د بضلعين وزاوية محصورة (ض، ز، ض).

(٤-٣) تطابق المثلثات (٢)

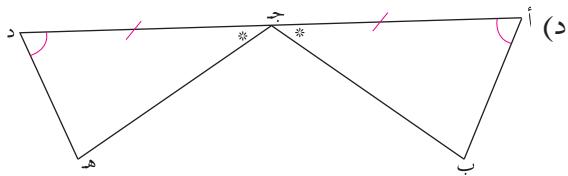
إجابة السؤال ١



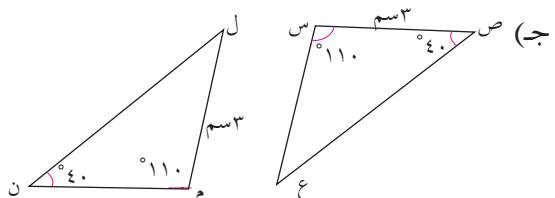
المثلثان متطابقان ب (ض، ض، ض)



المثلثان متطابقان ب (ض، ض، ض)



المثلثان متطابقان ب (ز، ض، ز)



المثلثان غير متطابقان

إجابة السؤال ٢

تطابق المثلثان أ د هـ، جـ بـ وـ، وفيهما:

أ د = جـ بـ (كل ضلعين متقابلين في المستطيل متساويان)

أ هـ = وـ جـ (معطى)

ينطبق المثلثان أ د هـ، جـ بـ وـ بوتر وضلع، وينتتج من التطابق أن: د هـ = وـ بـ.

إجابة السؤال ٣

نطاق المثلثين أ د ب، أ ب ج ، فيهما:

أ د = أ ب (معطى)

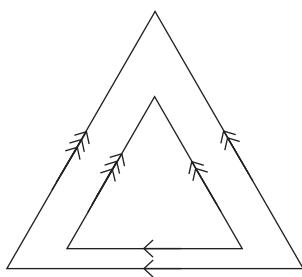
أ ج (ضلع مشترك)

ينطبق المثلثان أ د ب، أ ب ج بوتر وضلع، وينتج من التطابق أن:

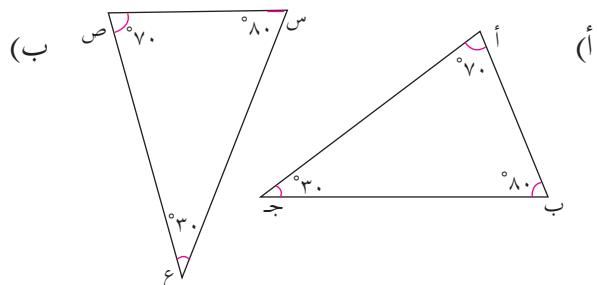
▷ د ج أ = د ب ج أ؛ أي أن: ج أ يُنصف زاوية س ج ع ، وهو المطلوب.

(٥-٣) تشابه المثلثات

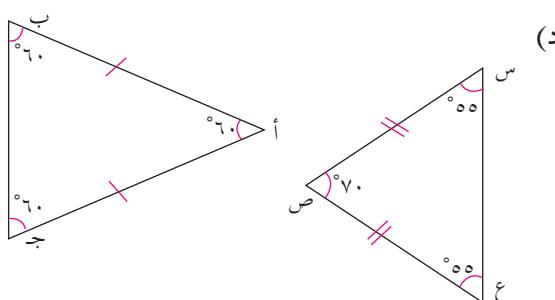
إجابة السؤال ١



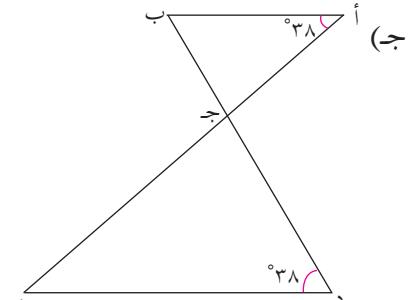
المثلثان متباها (زواياهما المتناظرة متباها)



المثلثان متباها (زواياهما المتناظرة متباها)



المثلثان غير متباها



المثلثان متباها (زواياهما المتناظرة متباها)

إجابة السؤال ٢

أجد ارتفاع البناء (ع) معتمدًا على التمثيل الآتي، علماً بأنّ المثلثين هـ ي و، لـ مـ نـ، متباها.

$$\frac{18}{3} = \frac{ع}{12}$$

$$م ٧٢ = \frac{12 \times 18}{3} = ع$$

$$18 \times 12 = ع \times 3$$

إجابة السؤال ٣

$$\begin{aligned} \frac{\text{أب}}{3,3} &= \frac{4,8}{1,2} \\ 3,3 \times 4,8 &= 1,2 \times \text{أب} \\ 1,2 \times 1,2 &= 15,84 \\ \text{أب} &= 13,2 \text{ سم} \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٤

$$\begin{aligned} \frac{15}{5} &= \frac{20 + \text{أ}}{\text{أ}} \\ \frac{3}{1} &= \frac{20 + \text{أ}}{\text{أ}} \\ \text{أ} - 20 &= 20 \\ \text{أ} &= 20 \end{aligned}$$

$\text{أ} = 20$

$\text{أ} = 10$

إجابة السؤال ٥

أ) الحل: $\frac{s+5}{s} = \frac{3}{1,8}$

$s = 1,8(s + 5)$

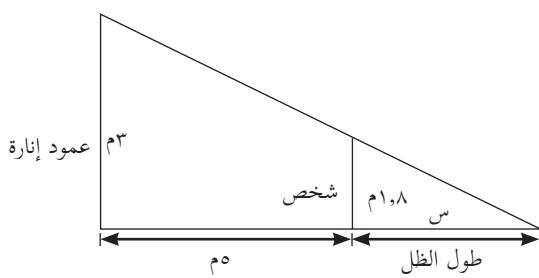
$$s = \frac{5}{3}s + s$$

$$\frac{5}{3}s = s$$

$$s = \frac{5}{2}$$

$$s = \frac{2}{3}$$

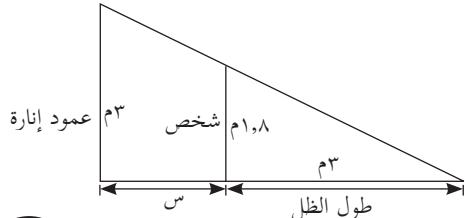
ومنها $s = \frac{15}{2} = 7,5$ م (طول ظل الشخص)



ب) $\frac{s+3}{s} = \frac{3}{1,8}$

$1,8(s + 3) = 9$

ومنها $s = 2$ م (على بعد مترين)

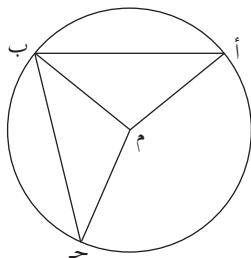




إجابة السؤال ١

رقم السؤال	٥	٤	٣	٢	١
رمز الإجابة الصحيحة	ب	ب	ب	ج	ج

إجابة السؤال ٢



نطاق المثلثين ب م أ، ب م ج، فيهما:

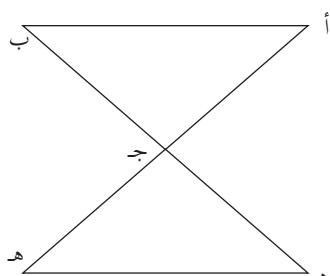
- أ ب = ب ج (معطى).

- ب م ضلع مشترك.

- م أ = م ج (أنصاف أقطار في دائرة واحدة)

∴ يتطابق المثلثان ب (ض، ض، ض)

إجابة السؤال ٣



نطاق المثلثين أ ج ب، ه ج د، فيهما:

أ ج = ه ج (معطى)

▷ ب أ ج = ▷ ج ه د (بالتبادل)

▷ أ ج ب = ▷ د ج ه (بالتقابل بالرأس)

∴ يتطابق المثلثان ب (ز، ض، ز)، ويتبادر عن التطابق أنّ:

أ ب = د ه وهو المطلوب.

إجابة السؤال ٤

نطاق المثلثين ه أ د، ه ب ج، فيهما:

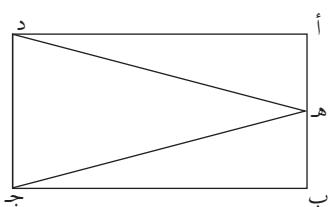
أ ه = ه ب (لأنّ ه نقطة منتصف أ ب)

أ د = ب ج (لأنّ الشكل مستطيل فيه كل ضلعين متقابلين متساوين)

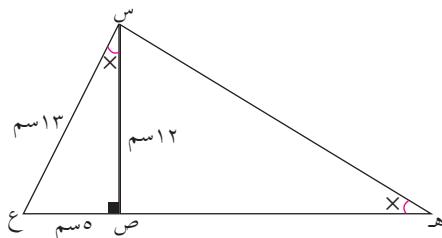
▷ أ = ▷ ب (لأن المستطيل زواياه قوائمه)

يتطابق المثلثان ب (ض، ز، ض)، ويتبادر عن التطابق أنّ:

ه د = ه ج ؛ أي أنّ: المثلث ج ه د متساوي الساقين.

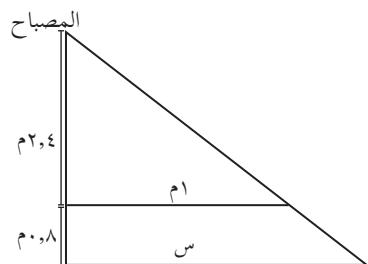


إجابة السؤال ٥



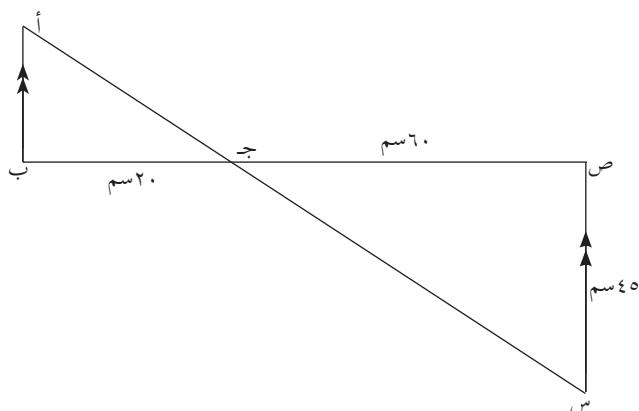
$$\begin{aligned} \frac{هـ سـ}{١٣} &= \frac{١٢}{٥} \\ هـ سـ &= \frac{١٣ \times ١٢}{٥} = ٣١,٢ \text{ سم} \\ \frac{هـ سـ}{١٢} &= \frac{١٢}{٥} \\ هـ سـ &= \frac{١٢ \times ١٢}{٥} = ٢٨,٨ \text{ سم} \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٦



$$مـ ١,٣ \approx \frac{٤}{٣} = \frac{٣,٢}{٢,٤} = \frac{سـ}{١}$$

إجابة السؤال ٧



$$\begin{aligned} \frac{٦٠}{٢٠} &= \frac{٤٥}{أـ بـ} \\ ٢٠ \times ٤٥ &= ٦٠ \times أـ بـ \\ أـ بـ &= \frac{٢٠ \times ٤٥}{٦٠} = ١٥ \text{ سـ} \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٨

نطاق المثلثين $\triangle ABC$ و $\triangle DHE$ ، وفيهما:

$$\triangle ABC \sim \triangle DHE \quad (\text{معطى})$$

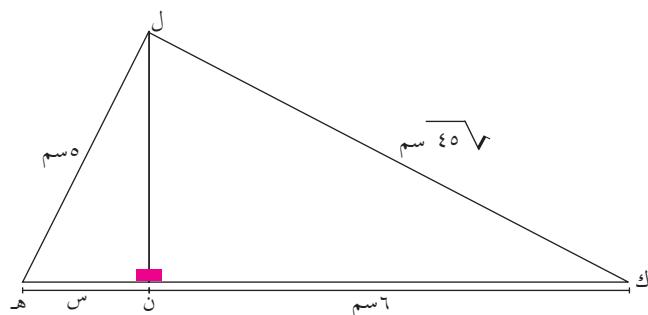
$$\triangle ACG \sim \triangle DHO \quad (\text{معطى})$$

$BH = HE$ (لأن $\angle B = \angle H$ و معطى وتمت إضافة القطعة EH إلى كل ضلع).

∴ ينطبق المثلثان $\triangle ABC \sim \triangle DHE$ و $\triangle ACG \sim \triangle DHO$ ويتحقق من النطاق أن:

$$\triangle ABC \sim \triangle DHE \quad \text{وبما أنهما في وضع تنازلي} \quad \therefore \triangle ABC \sim \triangle DHE$$

إجابة السؤال ٩



$$لـ ن = \sqrt{45} - \sqrt{6}$$

$$٣٦ - ٤٥ =$$

$$٩ =$$

$$لـ ن = \sqrt{9}$$

$$س = (لـ ه) - (لـ ن)$$

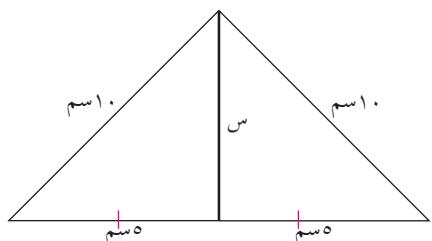
$$\sqrt{3} - \sqrt{5} =$$

$$٩ - ٢٥ =$$

$$١٦ =$$

$$س = \sqrt{16} = ٤ \text{ سم طول هـ}$$

إجابة السؤال ١٠



$$س = \sqrt{5} + \sqrt{10}$$

$$١٠٠ = ٢٥ + س$$

$$٧٥ = س$$

$$س = \sqrt{3} \sqrt{5} = \sqrt{3 \times 25} = \sqrt{75}$$

الإحصاء

(٤) تمثيل البيانات بطريقة القطاعات الدّائرية:

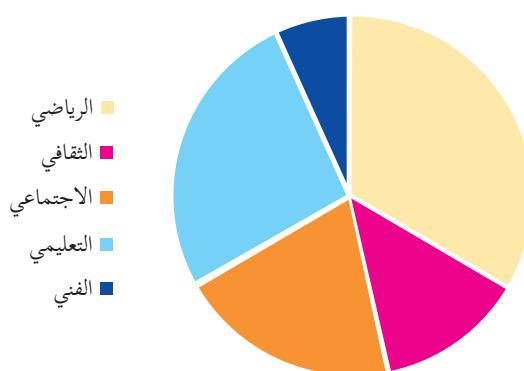
إجابة السؤال ١

$$\begin{aligned} \text{مجموع أعداد المراجعين} &= ٣٠٠ \\ \text{زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الأحد} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٩٠}{٣٠٠} = {}^{\circ} ١٠٨ \\ \text{زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الإثنين} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{١٢٠}{٣٠٠} = {}^{\circ} ١٤٤ \\ \text{زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الثلاثاء} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٣٠}{٣٠٠} = {}^{\circ} ٣٦ \\ \text{زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الأربعاء} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٦٠}{٣٠٠} = {}^{\circ} ٧٢ \end{aligned}$$

إجابة السؤال ٢

$$\begin{aligned} \text{زاوية قطاع النشاط الرياضي} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{١٠}{٣٠} = {}^{\circ} ١٢٠ \\ \text{زاوية قطاع النشاط الثقافي} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٤}{٣٠} = {}^{\circ} ٤٨ \\ \text{زاوية قطاع النشاط الاجتماعي} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٦}{٣٠} = {}^{\circ} ٧٢ \\ \text{زاوية قطاع النشاط التعليمي} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٨}{٣٠} = {}^{\circ} ٩٦ \\ \text{زاوية قطاع النشاط الفني} &= {}^{\circ} ٣٦٠ \times \frac{٢}{٣٠} = {}^{\circ} ٢٤ \end{aligned}$$

أُرسِّم دائرة، وأُبَرِّز فيها القطاعات الخمسة، كما في الشكل الآتي:



إجابة السؤال ٣

$$\text{زاوية القطاع الدائري} = \frac{\text{عدد عناصر القطاع}}{\text{العدد الكلي}} \times 360^\circ$$

ومنها: $120^\circ = \frac{\text{عدد مشجعي الفريق في المباراة الرابعة}}{4800} \times 360^\circ$

عدد مشجعي الفريق في المباراة الرابعة $\times 360^\circ = 4800 \times 120^\circ$
ومنها: عدد مشجعي الفريق في المباراة الرابعة = ١٦٠٠

إجابة السؤال ٤

$$\text{زاوية القطاع الدائري} = \frac{\text{عدد عناصر القطاع}}{\text{العدد الكلي}} \times 360^\circ$$

ومنها: $60^\circ = \frac{\text{عدد زائرى الحديقة فى الأسبوع}}{200} \times 360^\circ$

عدد زائرى الحديقة فى الأسبوع $\times 360^\circ = 200 \times 60^\circ$
ومنها: عدد زائرى الحديقة فى الأسبوع = ١٢٠٠

(٤-٣) مقاييس التشتت:



إجابة السؤال ١

أ) المدى = أكبر قيمة في البيانات - أصغر قيمة في البيانات
 $(60 - 13) = 47$

ومنها س = ٧

ب) المدى = أكبر قيمة في البيانات - أصغر قيمة في البيانات
 $(9 - 5) = 4$

ومنها: س = ٤

إجابة السؤال ٣

المدى = $٩ - ٥ = ٤$
 أرمز للقيم بالرمز س، وأكون جدولًاً مناسباً، ثم أكمل:

القيمة س	٤	٩	٦	٨	٧	٥	٣١٢=س	٤٨=س
س	١٦	٨١	٢٥	٦٤	٤٩	٢٥	٣١٢=س	٤٨=س

$$\begin{aligned} \bar{x} &= \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \frac{48}{8} = \bar{s} \\ \sigma &= \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{(6)(8 - 312)^2 + (8)(8 - 312)^2}{8}} = \\ &= \sqrt{\frac{288 - 312}{8}} = \sqrt{3} = \end{aligned}$$

الانحراف المعياري = $\sqrt{3}$

إجابة السؤال ٣

$$\begin{aligned} \bar{x} &= \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \frac{32}{8} = \bar{s} \\ \text{التباين} &= \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{(4)(8 - 144)^2 + (4)(8 - 144)^2}{8}} = \\ &= \sqrt{\frac{128 - 144}{8}} = \sqrt{2} = \end{aligned}$$

ومنها: الانحراف المعياري = $\sqrt{2}$

إجابة السؤال ٤

أ) المدى = أكبر قيمة في البيانات - أصغر قيمة في البيانات

$$\text{المدى} = ٢٨ - ٥٠ = ٢٢$$

ب) أرجِّع لقيم بالرموز، وأكُون جدولًا كالآتي :

القيمة س	٣٤	٤٦	٥٠	٣٢	$\sum_s = ١٩٠$
س²	١١٥٦	٢١١٦	٢٥٠٠	١٠٢٤	$\sum_s^2 = ٧٥٨٠$

$$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{١٩٠}{٥}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum s^2 - n(\bar{s})^2}{n}}$$

$$\frac{(٣٨)^٥ - ٧٥٨٠}{٥} =$$

$$\frac{٧٢٢٠ - ٧٥٨٠}{٥} =$$

$$٧٢ = \frac{٣٦٠}{٥} =$$

ج) الانحراف المعياري = $\sqrt{٧٢}$

إجابة السؤال ٥

أ) المجموعة الأولى: ١٠، ٨، ٦، ٥، ٢. المدى = ٨

المجموعة الثانية: ٣٢، ٣٦، ٣٠، ٢٨، ٢٩، ٤٢. المدى = ٨

ب) ٥٣، ٣٩، ٤٥، ٤١، ٣٣

ج) ٦، ٦، ٦، ٦، ٦

(٤-٤) تمارين عامة:



إجابة السؤال ١

٥	٤	٣	٢	١	رقم الفقرة
ب	أ	د	د	ج	رمز الإجابة

إجابة السؤال ٢

مجموع الناخبين = ١٦٠٠

$$\text{زاوية القطاع للناخبين في الدائرة الأولى} = \frac{٣٠٠}{١٦٠٠} \times ٣٦٠ = ٦٧,٥^\circ$$

$$\text{زاوية قطاع الناخبين في الدائرة الثالثة} = \frac{٤٥٠}{١٦٠٠} \times ٣٦٠ = ١٠١,٢٥^\circ$$

إجابة السؤال ٣

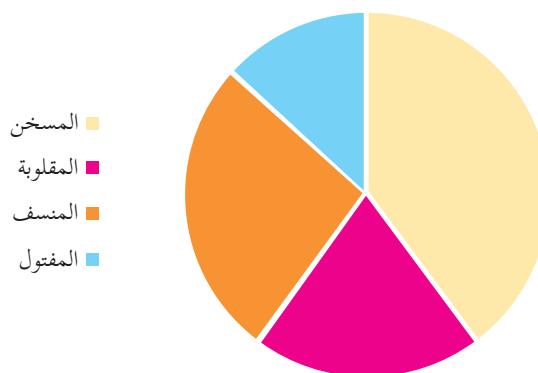
$$\text{زاوية قطاع المسخن} = \frac{٦٠}{١٥٠} \times ٣٦٠ = ١٤٤^\circ$$

$$\text{زاوية قطاع المقلوبة} = \frac{٣٠}{١٥٠} \times ٣٦٠ = ٧٢^\circ$$

$$\text{زاوية قطاع المنسف} = \frac{٤٠}{١٥٠} \times ٣٦٠ = ٩٦^\circ$$

$$\text{زاوية قطاع المفتول} = \frac{٢٠}{١٥٠} \times ٣٦٠ = ٤٨^\circ$$

ثم أرسم دائرة، وأبرز فيها القطاعات كما في الشكل:



إجابة السؤال ٤

$$10 = \frac{60}{6} = \frac{\sum s}{n} = \bar{s}$$

$$\text{التباعين} = \frac{\sum s^2 - n(\bar{s})^2}{n}$$

$$\frac{^2(10)6 - 724}{6} =$$

$$\frac{62}{3} \sqrt{ } \quad \text{و منها: الانحراف المعياري} = \frac{62}{3} = \frac{124}{6} = \frac{600 - 724}{6} =$$

إجابة السؤال ٥

أ) المدى = أكبر قيمة في البيانات - أصغر قيمة في البيانات

$$10 = 6 - (-4) =$$

ب) أرمُزُ للقيم بالرُمُز، وأكونُ جدولًا كالآتي:

$\sum s$	٤-	٢-	١	٢	٣	٦	القيمة s
$\sum s^2$	١٦	٤	١	٤	٩	٣٦	s^2

$$1 = \frac{6}{6} = \frac{\sum s}{n} = \bar{s}$$

$$\text{التباعين} = \frac{\sum s^2 - n(\bar{s})^2}{n}$$

$$\frac{^2(1)6 - 70}{6} =$$

$$\frac{32}{3} = \frac{64}{6} =$$

$$\frac{32}{3} \sqrt{ } \quad \text{ج) الانحراف المعياري} =$$

إجابة السؤال ٦

$$\sigma = 25, \text{ و منها} = 5$$

$$65 = 60 + 5 = 60 + \sigma = \bar{s}$$

المكتبة الفلسطينية



تضييق دروس - إقتارات - أوراق عمل

لتحميل المزيد من موقع المكتبة الفلسطينية الشاملة

<http://sh-pal.blogspot.com>

تابعنا على صفحة الفيس بوك : <https://www.facebook.com/shamela.pal>

أقسام موقع المكتبة الفلسطينية الشاملة :

الصف الأول : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_24.html

الصف الثاني : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_46.html

الصف الثالث : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_98.html

الصف الرابع : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_72.html

الصف الخامس : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_80.html

الصف السادس : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_13.html

الصف السابع : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_66.html

الصف الثامن : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_35.html

الصف التاسع : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_78.html

الصف العاشر : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_11.html

الصف الحادي عشر : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_37.html

الصف الثاني عشر : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_33.html

ملازم للمتقدمين للوظائف : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_89.html

مكتبة الكتب : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_19.html

شارك معنا : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_40.html

اتصل بنا : https://sh-pal.blogspot.com/p/blog-page_9.html



لتحميل المزيد من موقع المكتبة الفلسطينية الشاملة

<http://www.sh-pal.com>

تابعنا على صفحة الفيس بوك: www.facebook.com/shamela.pal

تابعنا على قنوات التلجرام: www.sh-pal.com/p/blog-page_42.html

أقسام موقع المكتبة الفلسطينية الشاملة:

الصف الأول: www.sh-pal.com/p/blog-page_24.html

الصف الثاني: www.sh-pal.com/p/blog-page_46.html

الصف الثالث: www.sh-pal.com/p/blog-page_98.html

الصف الرابع: www.sh-pal.com/p/blog-page_72.html

الصف الخامس: www.sh-pal.com/p/blog-page_80.html

الصف السادس: www.sh-pal.com/p/blog-page_13.html

الصف السابع: www.sh-pal.com/p/blog-page_66.html

الصف الثامن: www.sh-pal.com/p/blog-page_35.html

الصف التاسع: www.sh-pal.com/p/blog-page_78.html

الصف العاشر: www.sh-pal.com/p/blog-page_11.html

الصف الحادي عشر: www.sh-pal.com/p/blog-page_37.html

الصف الثاني عشر: www.sh-pal.com/p/blog-page_33.html

ملازم للمتقدمين للوظائف: www.sh-pal.com/p/blog-page_89.html

شارك معنا: www.sh-pal.com/p/blog-page_40.html

اتصل بنا: www.sh-pal.com/p/blog-page_9.html